## F3 – Berechenbarkeit und Komplexität

Aufgabenzettel 12: Komplexitätstheorie Besprechung in der Zeit vom 28.01. zum 01.02.2002.

#### Präsenzaufgabe 12:

- (a) Erklären Sie den Begriff der Vollständigkeit bzgl. einer Klasse  $\mathcal K$  von formalen Sprachen.
- (b) Was kann ein  $\mathcal{NP}$ -hartes von einem  $\mathcal{NP}$ -vollständigen Problem unterscheiden?
- (c) Was ist eine Reduktion?

#### Übungsaufgabe 12.1:

Geben Sie das Erreichbarkeitsproblem in endlichen gerichteten Graphen als formale Sprache an und zeigen Sie, daß es in NP liegt.

Hinweis: Begründen Sie Ihre Antwort und beschreiben Sie ggf. die Funktionsweise einer geeigneten k-Band-offline-TM.

# von 6

### Übungsaufgabe 12.2:

Definieren Sie das Problem "Ist das eingegebene Tripel (x, y, z) ein pythagoräisches? (D.h. gilt  $x^2 + y^2 = z^2$ ?)" in geeigneter Weise als formale Sprache  $PYTH_a$  bzw.  $PYTH_b$ , so daß damit einfach gezeigt werden kann, daß



- (a)  $PYTH_a \in \mathcal{P}$ .
- (b)  $PYTH_b \in \mathcal{D}Space(\log n^2)$ .

Hinweis: Begründen Sie Ihre Antworten und beschreiben Sie ggf. die Funktionsweise einer geeigneten k-Band-offline-TM.

 $Bisher\ erreichbare\ Punktzahl:$ 

145